# Задача А. Petya++

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Около года назад Petya++ сразился с  $\Gamma$ аменом — моноблоком с искусственным интеллектом, который продвигал свою компанию за счет кражи чужих технологий и устранения их авторов.  $\Gamma$ амен схватил всех его друзей, и поэтому Petya++ был вынужден пойти на сделку: он остался с  $\Gamma$ аменом, и тот использовал его мощности для сложнейших расчетов. Взамен  $\Gamma$ амен обещал отпустить его друзей и оставить их в покое.

Комната, где содержали Petya++, была снаружи закрыта палиндромным замком. Такой замок открывается, если введенная в него строка является палиндромом, т. е. читается одинаково как слева направо, так и справа налево. Petya++ понимал, что Гамен не сдержит свое обещание и попытается устранить людей, которые знают правду о темной стороне его компании. Поэтому через некоторое время он решил совершить побег.



Petya++ каким-то образом смог узнать текущую комбинацию, введенную на замке. Это была строка s длины n, состоящая из единиц и нулей. Для вскрытия замка он использовал свою новую роборуку: запуская специальные импульсы в стену, он мог модифицировать эту строку, используя операции одного из двух типов:

- 1. Вставить строку 110 в строку в качестве подпоследовательности. Это значит, что в исходную строку на некоторую позицию (возможно, перед первым элементом или после последнего) добавляется единица. Далее добавляется еще одна единица, но уже только на позицию, находящуюся где-то после первой добавленной единицы в строке. После этого, по подобному принципу, добавляется ноль на позицию правее последней единицы. Необязательно, чтобы в итоге добавленные символы шли подряд, однако они обязаны сохранять относительный порядок.
- 2. Вставить 0x1 в качестве подпоследовательности, где x некоторый заданный символ (ноль или единица).

Напоминаем, что для открытия замка необходимо сделать так, чтобы введенная в него комбинация стала палиндромом.

Petya++ успешно открыл замок за не более чем n действий. После удачного изменения строки он незаметно выбрался из комплекса, замаскировался и начал собирать улики для разоблачения  $\Gamma$ амена.

А можете ли вы предположить, какие именно сигналы отправлял Petya++, чтобы замок открылся? Если существует несколько ответов, предоставьте любой из них.

## Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит одно целое число n  $(1 \le n \le 10^3)$  — длина строки.

Вторая строка входных данных содержит строку s, состоящую из символов из символов «0» и «1» — введенная в замок комбинация.

Третья строка входных данных содержит символ x («0» или «1»), обозначающий, что разрешено вставлять строку 0x1 в качестве подпоследовательности.

## Формат выходных данных

В первой строке выведите одно целое число  $m\ (0\leqslant m\leqslant n)$  — количество операций, которые необходимо сделать, чтобы последовательность на замке стала палиндромом.

В каждой из следующих m строк выведите описание очередной операции в виде четырех целых чисел  $t,\ pos_1,\ pos_2$  и  $pos_3$  ( $1\leqslant t\leqslant 2,\ 0\leqslant pos_1\leqslant pos_2\leqslant pos_3\leqslant |s|$ ), где t — тип операции, а  $pos_1,\ pos_2,\ pos_3$  — после какого символа в строке мы вставляем очередной символ подпоследовательности. Символы в строке нумеруются, начиная с единицы, при этом, если вставка i-го символа происходит в начало строки, то  $pos_i$  должен быть равен нулю. Иными словами,  $pos_i$  обозначает, сколько символов строки, которая была до выполнения текущей операции, находится до i-го символа вставленной подпоследовательности. Например, если строка равна 101, и мы вставляем 011 с  $pos_1=1,\ pos_2=1$  и  $pos_3=3$ , то получится 101011.

## Система оценки

В подзадачах, где задано ограничение на M, дополнительно гарантируется, что задачу можно решить, сделав не более чем M операций.

,	,,		
$N_{\overline{0}}$	Дополнительные ограничения	Баллы за подзадачу	Необходимые подзадачи
1	Строка состоит из нулей	14	
2	$n \leq 10, M = 1$	21	
3	$x = 1, n \leqslant 3$	8	
4	x = 1	19	3
5	$x = 0, n \leqslant 3$	9	
6	x = 0	29	5

## Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод	
6	1	
100110	2 4 6 6	
0		
3	1	
110	2 1 2 3	
1		

#### Замечание

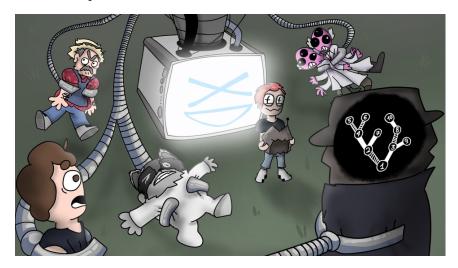
В первом тестовом примере после выполнения всех операций получается строка 10010101. Во втором тестовом примере после выполнения всех операций получается строка 101101.

# Задача В. Безвыходная ситуация

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Но как же Петя мог упустить, что Petya++ не вернулся домой? Чтобы не вызывать подозрений, Гамен отправил вместе с ним органического двойника Petya++ — Лжепетю, который незаметно для всех заменял робота последний год. Именно Лжепетя отправил Казимиру коробку с паразитами и пытался заманить Петю в ловушку, пока Petya++ пытался остановить двойника. К сожалению, помешать Лжепете не удалось, и в суматохе Гамену, который скрывался на месте заготовленной ловушки, удалось схватить наших героев. Ситуация казалась безвыходной, и Petya++ погрузился в чертоги разума в поисках решения.



Чертоги разума робота представляют собой n областей. Некоторые пары областей могут быть связаны между собой коридором, всего коридоров n-1. Чертоги представляют собой связную структуру. Это означает, что, начиная из любой области, проходя через некоторое количество коридоров, всегда можно добраться до любой другой области.

Изначально чертоги деактивированы, и их коридоры неактивны. Для настройки на некоторую задачу каждый коридор должен быть активирован в определенном ритме: положительном или отрицательном. Активация коридоров происходит следующим образом. Petya++ выбирает, из какой области чертогов он хочет начать активацию. Далее, за один шаг он должен перейти из одной области в другую по некоторому коридору. Если по коридору перешли на четном шаге, то он активируется в положительном ритме, а если на нечетном — в отрицательном. Это значит, что если, например, на первом шаге мы перешли через некоторый коридор, то он активируется в отрицательном ритме, а если на четвертом шаге — то в положительном.

Petya++ может любое количество раз проходить по одному и тому же коридору. В таком случае он будет активирован в ритме последнего шага, на котором через него прошли.

Для настройки на поиск выхода из данной ситуации Petya++ должен для каждого коридора с номером i активировать его в ритме  $a_i$ . Помогите роботу узнать, может ли он настроиться на решение этой задачи со своим устройством чертогов разума.

# Формат входных данных

В первой строке входных данных находится целое число  $t~(1\leqslant t\leqslant 1000)$  — количество тестовых примеров.

Далее следует t тестовых примеров, заданных описанным ниже способом.

В первой строке тестового примера находится два целых числа  $n\ (1\leqslant n\leqslant 5\cdot 10^5)$  — количество областей.

В каждой из следующих n-1 строк тестового примера находится по два целых числа  $u_i$  и  $v_i$   $(1 \le u_i, v_i \le n, u_i \ne v_i)$  — коридоры, соединяющие чертоги.

В следующей строке тестового примера содержится n-1 целых чисел  $a_i$  ( $0 \le a_i \le 1$ ) — ритм, в котором должен быть активирован i-й коридор. Здесь 0 означает положительный ритм, а 1 — отрицательный.

Обозначим сумму n по всем тестовым примерам как  $S_n$ . Тогда гарантируется, что  $S_n \leqslant 5 \cdot 10^5$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого из тестовых примеров выводите ответ в отдельной строке. Каждая строка должна содержать одно слово — «Yes» (без кавычек), если возможно активировать коридоры в необходимом ритме, или «No» (без кавычек) в противном случае.

#### Система оценки

$N_{\overline{0}}$	Дополнительные ограничения	Баллы за подзадачу	Необходимые подзадачи
1	$S_n \leqslant 500, \ u_i = i, v_i = i + 1$	6	
2	$S_n \leqslant 2 \cdot 10^3, \ u_i = i, v_i = i + 1$	9	1
3	$u_i = i, v_i = i + 1$	16	1-2
4	$S_n \leqslant 500$	9	1
5	$S_n \leqslant 2 \cdot 10^3$	22	1-2, 4
6	$a_i=0$ для любого $i$	7	
7	$a_i=1$ для любого $i$	5	
8	Нет дополнительных ограничений	26	1-7

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
2	Yes
10	No
1 2	
1 3	
2 4	
2 7	
4 5	
4 6	
3 8	
3 9	
8 10	
0 1 1 1 0 0 0 1 1	
4	
1 2	
2 3	
3 4	
1 1 1	

#### Замечание

В первом тестовом примере все коридоры будут активированы в необходимом ритме, если мы пройдем по чертогам в следующем порядке: 1-2-4-5-4-6-4-2-7-2-1-3-9-3-8-10. Отметим, что это не единственное решение, например, подойдет такой же обход, но в обратном порядке.

Во втором тестовом примере можно показать, что не существует способа обойти чертоги, чтобы все коридоры были активированы в отрицательном ритме.

# Задача С. Выход

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Petya++ не смог придумать никакого решения: в этот раз он не сможет всех спасти. Гамен уже зарядил свою пушку, и казалось, что это конец...

... Но в последнюю секунду Лжепетя выстрелил своей фальшивой роборукой прямо в моноблок, устроив тому короткое замыкание!

Зачем он это сделал и чего он хочет? Petya++ решил, что еще будет время об этом подумать. Сначала нужно освободиться и освободить друзей.



Ретуа++ схвачен манипулятором Гамена, который, несмотря на замыкание, продолжает работать и крепко его держать. Манипулятор состоит из n+1 конденсаторов, пронумерованных от 0 до n. При этом (i-1)-й и i-й конденсаторы  $(1 \le i \le n)$  соединены друг с другом, и между ними стоит транзистор с номером i. Таким образом, в цепи всего n транзисторов, пронумерованных от 1 до n. Благодаря короткому замыканию на m конденсаторах образовалась uзбыточная энергия, при этом на конденсаторе с номером  $p_i$  избыточная энергия равна  $a_i$  единиц. Гарантируется, что все  $p_i$  различны.

Для каждого из конденсаторов Petya++ может перенаправить избыточную энергию либо влево по цепи, либо вправо. Если перенаправить ее с конденсатора номер  $p_i$ , то перенаправленная энергия моментально устроит перегорание  $a_i$  последовательных соседних транзисторов в заданном направлении, начиная с текущего. Если в заданном направлении нет  $a_i$  транзисторов, то энергия устроит перегорание во всех оставшихся транзисторах в данном направлении. К сожалению, он не может отправить какую-то часть энергии в одну сторону, а какую-то в другую: после изначального выбора направления вся энергия уходит в него. Затем перенаправленная энергия исчезает, поэтому использовать один конденсатор дважды также не выйдет. Дополнительно отметим, что если транзистор перегорел, то он все еще участвует в цепи и никак не препятствует прохождению энергии.

Например, если на конденсаторе номер 5 накопилась избыточная энергия 3, то при перепаравлении влево перегорят транзисторы номер 5, 4 и 3, а при перенаправлении вправо — номер 6, 7 и 8. Если же, например, транзистор номер 7 перегорел еще до применения этой операции, а мы перенаправили энергию вправо, то перегорят транзиторы номер 6 и 8 (поскольку транзистор номер 7 перегорел еще раньше), а, например, транзистор номер 9 затронут не будет.

Petya++ подозревает, что чем больше транзисторов перегорит, тем меньше шанс, что манипулятор будет продолжать работать. Поэтому робот задался вопросом: в какую сторону лучше перенаправить энергию из каждого конденсатора, чтобы суммарное количество перегоревших транзисторов было как можно больше?

## Формат входных данных

В первой строке входных данных содержится два целых числа n и m ( $1 \le n \le 10^6, 1 \le m \le 500$ ) — наибольший номер конденсатора и количество конденсаторов, на которых изначально образовалась избыточная энергия.

В следующих m строках входных данных содержатся два целых числа  $p_i$  и  $a_i$  ( $0 \le p_i \le n$ ,  $a_i \le n$ ) — позиция конденсатора, на котором изначально образовалась избыточная энергия и количество этой избыточной энергии.

Гарантируется, что все  $p_i$  различны.

#### Формат выходных данных

Выведите одно целое число — максимальное количество транзисторов, которые могут перегореть в результате действий Petya++.

## Система оценки

Nº	Дополнительные ограничения	Баллы за подзадачу	Необходимые подзадачи
1	$m \leqslant 20$	7	
' 2	$m \leqslant 30$	9	1
3	$m \leqslant 35$	8	1 - 2
4	$m \leqslant 40$	7	1 - 3
5	$m \leqslant 50$	6	1 - 4
6	$m \leqslant 100$	10	1 - 5
7	$m \leqslant 200$	7	1 - 6
8	$a_i = 1$	5	
9	$a_i \leqslant 2$	11	8
10	$n \leqslant 2500, a_i \leqslant 7$	18	
11	Нет дополнительных ограничений	12	1 - 10

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
12 3	10
3 6	
5 5	
12 2	

#### Замечание

В примере из условия требуется совершить следующие действия:

- Перенаправить энергию из конденсатора на позиции 3 влево. В результате сгорят транзисторы номер 1, 2 и 3.
- Перенаправить энергию из конденсатора на позиции 5 вправо. В результате сгорят транзисторы номер 6, 7, 8, 9 и 10.
- Перенаправить энергию из конденсатора на позиции 12 влево. В результате сгорят транзисторы номер 11 и 12.

Итого выходит, что сгорело 10 транзисторов. Можно показать, что данный ответ оптимален.

# Задача D. Договор на будущее

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Лжепетя помог Petya++ и его друзьям выбраться из лап манипулятора. Он объяснил, что, увидев все злодеяния Гамена, не мог оставаться на его стороне. Теперь, когда моноблок повержен, Turbopallascats юридически перейдет под управление Лжепети. Тот пообещал, что в будущем компания больше никому не доставит проблем: никаких смертельных выставок и краж технологий. На этом они и договорились, и столь долгое и захватывающее приключение, наконец-то, по-настоящему подошло к концу.



Однако у Казимира все еще оставались вопросы к Petya++: хоть и с благими намерениями, но именно он уничтожил киберцпак. А также зашифровал письма, сломал телефон, отправил на свалку посылку (пусть и зараженную паразитами) и сделал много чего еще. За роботом явно остался должок. Тот заверил, что обязательно все возместит, и, ни в коем случае не меняя тему, предложил друзьям сначала решить загадку.

Ретуа++ называет длинное число, состоящее из n цифр. Но цифры эти необычные: они заданы не в десятичной системе, а в  $2^{20}$ -ичной! Это означает, что каждая цифра представлена целым числом от 0 до  $2^{20}-1$ .

Робот держит это число в голове и производит с ним некоторые действия:

- 1. Прибавить  $\kappa$  каждой цифре данного числа некоторое число  $x_i$  ( $0 \le x_i \le 2^{20} 1$ ). Если какая-то цифра становится больше или равной  $2^{20}$ , то от нее отнимается  $2^{20}$ .
- 2. Сделать циклический сдвиг цифр этого числа влево на  $k_i$  позиций, т. е. взять отрезок из первых  $k_i$  цифр, удалить его из начала и вставить в конец числа.
- 3. Спросить у друзей, каково значение полученного после предыдущих действий числа, то есть сумму  $2^{20p} \cdot a_p$  по всем  $0 \le p \le n-1$ . Так как это значение может быть слишком большим, Petya++ хочет узнать его остаток от деления на некоторое небольшое число  $d_i$ .

Petya++ обещал, что если на все вопросы друзья ответят верно, то он обязательно вернет долг. А вот чтобы это проверить, друзьям уже понадобится ваша помощь.

## Формат входных данных

В первой строке входных данных находится два целых числа n и q  $(1 \leqslant n, q \leqslant 5 \cdot 10^5)$  — количество цифр в числе и количество действий соответственно.

Во второй строке входных данных находится n целых чисел  $a_i$  ( $0 \le a_i \le 2^{20} - 1$ ) — цифры числа. Нумерация цифр начинается c нуля.

В каждой из следующих q строк входных данных дано описание действий Petya++. Действия бывают одного из трех типов:

- +  $x_i$  (0  $\leq x_i \leq 2^{20} 1$ ) прибавить ко всем цифрам  $x_i$ ;
- <  $k_i$  (1  $\leqslant k_i \leqslant n-1$ ) циклически сдвинуть число влево на  $k_i$  позиций;
- ?  $d_i \ (2 \leqslant d_i \leqslant 20)$  узнать остаток от деления значения числа на  $d_i$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого действия третьего типа выведите одно число в отдельной строке — искомый остаток от деления.

## Система оценки

$N_{\overline{0}}$	Дополнительные ограничения	Баллы за подзадачу	Необходимые подзадачи
1	$n, q \leqslant 1000$	10	
2	$d_i \in \{2, 4, 8, 16\}$	4	
3	$d_{i} = 11$	8	
4	Все действия типа < и ?	14	
5	Все действия типа + и ?	26	
6	$a_i \leqslant 2^{19} - 1, \sum x_i \leqslant 2^{19} - 1$	8	
7	$n,q\leqslant 2\cdot 10^5$	18	1
8	Нет дополнительных ограничений	12	1 - 7

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 10	8
1 5 4 8	13
? 19	0
? 20	8
+ 3	1
? 2	2
? 11	11
< 3	
? 14	
+ 1048575	
? 12	
? 15	

#### Замечание

*«В будущем-то да, в будущем... Да...»* — тихо, себе под нос, говорил Лжепетя.

